# Metódy diagnostiky materiálov Marcel MiGLiERiNi

# **10.** Difrakcia röntgenového žiarenia

- charakteristické žiarenie
- princíp metódy
- experimentálna technika

### Difrakcia röntgenového žiarenia

- objavené W. C. Röntgenom v r. 1895
- difrakciu röntgenového žiarenia (XRD) objavili William Henry Bragg a William Lawrence Bragg v r. 1912



### Vlastnosti rtg. žiarenia

- krátka vlnová dĺžka (10<sup>-8</sup> -10<sup>-12</sup> m)
- výpočet energie  $E = hv = hc/\lambda$ 
  - o rtg. fotón s vlnovou dĺžkou 1 Å má energiu 12.5 keV



#### Produkcia rtg. žiarenia



Rtg. žiarenie



# Parametre rtg. žiarenia

Anode	(kV)	Wavelength, λ [Angström]	Kß-Filter
		Κα1: 0,70926	Zr
Мо	20,0	Κα2: 0,71354	0,08mm
		Κβ1: 0,63225	
Cu	9,0	Kα1: 1,5405	Ni 0,015mm
		Κα2: 1,54434	
		Κβ1: 1,39217	
Со	7,7	Κα1: 1,78890	Fe 0,012mm
		Κα2: 1,79279	
		Kβ1 : 1,62073	
Fe	7,1	Κα1: 1,93597	Mn 0.011mm
		Κα2: 1,93991	
		Κβ1 : 1,75654	0,0111111

### **Beta filter**

- materiál s absorpčnou hranou medzi  $K_{\alpha}$  a  $K_{\beta}$  vlnovými dĺžkami
  - napr. Cu K<sub>α</sub> = 1.541 Å, Cu K<sub>β</sub> = 1.392 Å
  - o absorpčná hrana Ni = 1.488 Å
  - Ni absorpcia Cu žiarenia
    - 50 % Cu K<sub>α</sub>
    - 99 % Cu  $K_{\beta}$



# Čo je difrakcia?

- vlna interaguje s:
- jednotlivou časticou
  - častica rozptyľuje žiarenie rovnomerne do všetkých smerov
- kryštalický materiál
  - rozptýlené žiarenie sa môže konštruktívne zosilňovať v niektorých smeroch a tak poskytnúť difrakčný lúč





# Interferencia

- konštruktívna a deštruktívna interferencia
- konštruktívna interferencia
  - ak je rozdiel dráh rozptýlených vĺn rovný celočíselnému násobku vlnovej dĺžky





#### **Millerove indexy**



# Braggov zákon

#### podmienka konštruktívnej interferencie

- o d medzirovinná vzdialenosť
- λ vlnová dĺžka žiarenia
- n celé číslo (rád difrakcie)

 $n\lambda = 2d.sin(\theta)$ 



#### Konštruktívna interferencia

lúč 2 lúč 1  $n.\lambda = AB + BC$ AB = BCθ Α  $n\lambda = 2AB$ d  $\sin\theta = AB/d$ В Z  $AB = d.sin\theta$ d θ  $n\lambda = 2d.sin\theta$ Α В

#### 2D recipročná mriežka

**•** translačné vektory 2D recipročnej mriežky:
$$\mathbf{g}_{1} = 2\pi \frac{\mathbf{a}_{2} \times \mathbf{n}}{|\mathbf{a}_{1} \times \mathbf{a}_{2}|} \quad \mathbf{g}_{2} = 2\pi \frac{\mathbf{a}_{1} \times \mathbf{n}}{|\mathbf{a}_{1} \times \mathbf{a}_{2}|} \quad \mathbf{G}_{\mathsf{hk}} = \mathsf{h.g}_{1} + \mathsf{k.g}_{2}$$
• n - jednotkový vektor kolmý k povrchu
$$\mathbf{a}_{i} \cdot \mathbf{g}_{j} = 2\pi \delta_{ij} \quad |\mathbf{g}_{i}| = \frac{2\pi}{\mathbf{a}_{i} \sin \angle(\mathbf{g}_{i}, \mathbf{a}_{i})} = \frac{2\pi}{\mathbf{d}} \quad \mathsf{h,k} - \mathsf{Millerove indexy}$$

Reálny priestor: Jednotkové vektory: a,b d-priestor smer [10]  $d_{10}$ a  $d_{01}$ [01] b Recipročný priestor: Jednotkové vektory: a\*,b\* veľkosť smer a\* 1/d<sub>10</sub>  $\perp b$ b\* 1/d<sub>01</sub> ⊥a

Pozn.: Každý bod recipročného priestoru reprezentuje sadu rovín.



# Vzťah medzi d a mriežkovými parametrami

- $1/d^2 = (h^2 + k^2)/a^2 + l^2/c^2$ 
  - o vlnová dĺžka je známa
  - ο θ je polovica hodnoty pozície čiary
  - o d je možné vypočítať
- h, k, l Millerove indexy

 $n\lambda = 2d.sin(\theta)$ 



a, c – mriežkové parametre elementárnej bunky

- ak poznáme a, c, vieme vypočítať pozíciu difrakčnej čiary
- ak poznáme pozíciu čiary, vieme vypočítať mriežkový parameter

### Difraktogram



#### Difraktogram



### Experimentálne zariadenie

- vzorka a detektor sú vzájomne zviazané
  - o vzorka sa pootočí o uhol θ
  - o detektor sa pootočí o uhol 2θ



#### Geometria Bragg-Brentano



#### Difraktometer





### Rtg. trubica



# Rtg. trubica



### **Techniky difrakcie**

#### X-ray powder diffraction (XRPD)

- o určenie fázového zloženia (kvalitatívna, kvantitatívna analýza)
- o kryštálová štruktúra, mriežkové parametre
- o priemerná veľkosť kryštalických zŕn, textúra, napätia
- Grazing Incidence Angle Diffraction Glancing Angle X-ray Diffraction (GAXRD)
  - o malý uhol dopadajúceho žiarenia (< 5°)
  - o skenovanie len povrchových vrstiev vzorky
  - o tie isté analýzy ako u XRPD hĺbková závislosť
  - o orientácia tenkých filmov na povrchu substrátu
  - o epitaxia, textúra





### **Techniky difrakcie**

- Small Angle X-ray Scattering (SAXS)
  - vysokokolimovaný lúč, veľká vzdialenosť medzi vzorkou a detektorom
  - o možnosť rozlíšiť veľkosti asi 200 nm
  - o stanovenie kryštalinity polymérov
  - o štruktúrne informácie na nm a submikrónovej oblasti

**XRD** 



25

#### In-situ DSR

#### BESSY KMC-2:

- o energia 7 keV (0.178 nm), rozptylová geometria
- o lineárny ohrev 10K/min, rozsah teplôt 300 1080 K
- o čas zberu údajov 10 s, 2D detekcia





•  $Fe_{91-x}Mo_8Cu_1B_x$ : x = 17





#### Soft X-ray Resonant Inelastic X-ray

#### Scattering Spectrometer









